

# MODELE DU CRISTAL PARFAIT

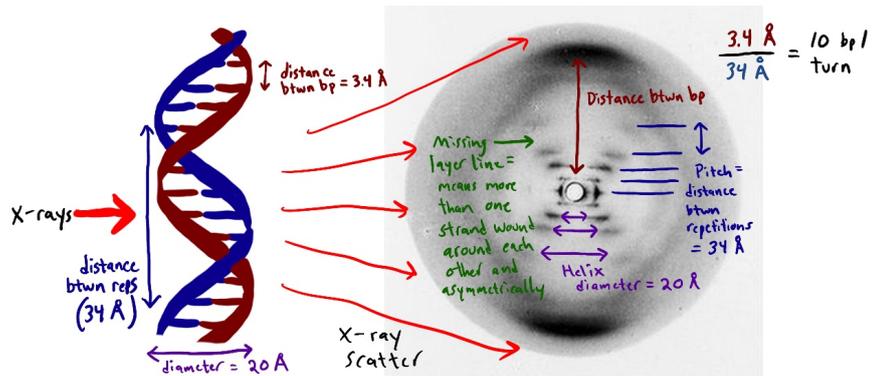
« Almost all aspects of life are engineered at the molecular level, and without understanding molecules we can only have a very sketchy understanding of life itself »

Francis Harry Compton Crick (1916-2004)

Depuis longtemps, les humains sont fascinés par les minéraux et les cristaux rencontrés dans la nature. La symétrie à la base de leur structure macroscopique est longtemps demeurée une énigme. Elle est la conséquence d'une autre symétrie interne (à l'échelle moléculaire) révélée au début du XX<sup>ème</sup> siècle avec la première expérience de diffraction des rayons X réalisée sur un cristal de sulfure de zinc (nommé la blende) par Max Von Laue (Prix Nobel de Physique en 1914).

La technique de diffraction des rayons X des cristaux est à la base de la connaissance des structures moléculaires et cristallines de centaines de milliers de composés issus des multiples domaines de la chimie. C'est l'une des principales raisons d'existence du synchrotron de Grenoble (ESRF) comme cela vous sera expliqué lors de notre visite. Pour faire simple, ce dernier est un super microscope au rayon X pour observer et comprendre la matière à l'échelle du nanomètre ( $\approx 10^{-9}$  m).

Le XX<sup>ème</sup> siècle est passé des résolutions structurales de modèles et archétypes structuraux que sont le carbone diamant et le chlorure de sodium par W. H et W. L. Bragg (Prix Nobel de Physique en 1915) à celles des complexes organométalliques, des protéines, des virus etc...



**Rosalind Franklin** est une physicochimiste britannique, née le 25 juillet 1920 à Notting Hill et morte le 16 avril 1958 à Chelsea. Pionnière de la biologie moléculaire, elle formule la première, dans un rapport non publié, la structure hélicoïdale de l'acide désoxyribonucléique (ADN), découverte spoliée par Watson et Crick qui accèdent à son travail. Elle joue également un rôle majeur dans la découverte du virus de la mosaïque du tabac.

**Le cliché 51** est le nom donné à une image obtenue par la méthode de Laue (cristallographie aux rayons X) prise en mai 1952 au King's College de Londres par Raymond Gosling alors qu'il travaillait sous la direction de Rosalind Franklin. Il s'agissait du cliché 51 de diffraction obtenu par Franklin et Gosling. Il apporta un élément déterminant pour la résolution de la structure en double hélice de l'ADN.

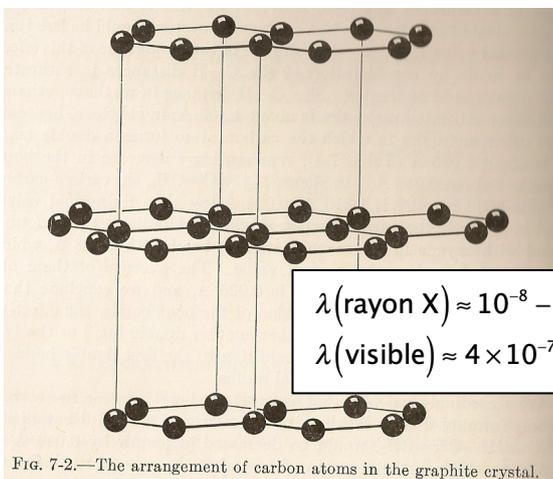


Fig. 13-4.—The arrangement of sodium ions and chloride ions in the sodium chloride crystal (see also Fig. 1-1).

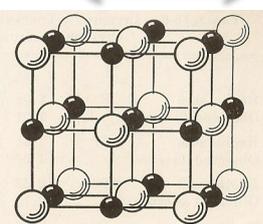
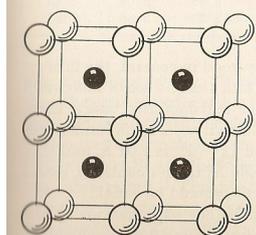


Fig. 13-5.—The arrangement of cesium ions and chloride ions in the cesium chloride crystal.

Schémas tirés de *The nature of chemical bond and the structure of molecules and crystals : an introduction to modern structural chemistry*, par Linus Pauling, Ithaca, New York, Cornell University Press, 1960. Ce livre est considéré comme l'un des plus importants livres de chimie jamais publiés. (Linus Pauling, Nobel de Chimie en 1954 et Nobel de la Paix en 1962).

# I - LA BEAUTE DES CRISTAUX ET ORDRE DE GRANDEURS



Photos prises au Musée de Minéralogie de l'Ecole des Mines de Paris : <https://www.musee.minesparis.psl.eu/Accueil/>



Photos prises au Musée des Cristaux de Chamonix: <https://musee-alpin-chamonix.fr/fr/musee/reseau-des-musees/musee-des-cristaux>

Quel est le lien entre ces cristaux et ces empilements d'oranges ? Réponse dans la suite du cours !



Photo prise sur la place Jamaa el Fna dans la médina de Marrakech (Maroc).

# I - LES SOLIDES CRISTALLINS

## 1. L'ÉTAT CRISTALLIN

Il est caractérisé par un **ARRANGEMENT ORDONNÉ**, dans l'espace, d'atomes, de molécules ou d'ions. Des **INTERACTIONS** (d'origine électrostatique) entre ces particules assurent la **COHESION** de l'ensemble.

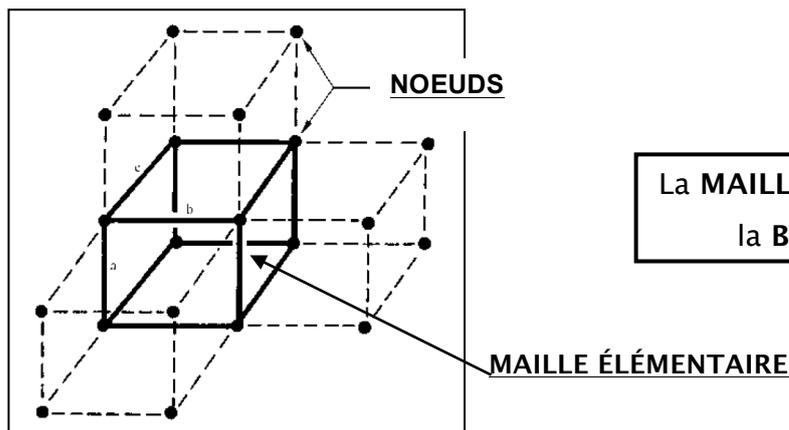
## 2. MAILLE, RESEAU, MOTIF

L'ordre observé dans un cristal est dû à la **RÉPÉTITION PÉRIODIQUE** d'un groupe d'atomes ayant une **géométrie bien déterminée**. On observe un assemblage régulier sur de larges domaines à l'échelle microscopique, on parle de microcristaux de 10 nm et plus.

### 2.1. La maille



La **MAILLE ÉLÉMENTAIRE** est le **plus petit édifice d'atomes** qui, **REPÉTÉ** dans les trois directions de l'espace, permet de **reconstituer le cristal en entier**.



La **MAILLE** est au **CRISTAL** ce que  
la **BRIQUE** est au **MUR**

### 2.2. La réseau



On peut simplifier la description de la maille en remplaçant les différentes entités par des points appelés **NOEUDS**.

L'ensemble des mailles juxtaposées constitue le **RÉSEAU CRISTALLIN**. Chaque sommet de maille est un **NŒUD**. Le réseau cristallin est donc l'arrangement tridimensionnel des nœuds

### 2.3. Le motif



Une fois connu le réseau cristallin, il suffit de déterminer le contenu d'une seule maille en remplaçant les différents nœuds par **les vraies entités** qui constituent le motif de la **maille**.

Le **MOTIF** est donc la plus petite entité discernable qui se répète périodiquement par translation.

Exemples :

- Le cristal de sodium : le motif est atome de sodium  $Na$ .
- Le cristal de carbonate de sodium (ou calcaire)  $CaCO_3$  : le motif correspond à un ion  $Ca^{2+}$  et à un ion  $CO_3^{2-}$ . Dans ce dernier cas, il faut préciser l'orientation de  $CO_3^{2-}$  car le nœud ne correspond plus à un seul atome.

### 2.4. Bilan

**STRUCTURE CRISTALLINE = RESEAU CRISTALLIN + MOTIF**

## 3. LE MODELE DU CRISTAL PARFAIT

Un **MODÈLE** est une **représentation simplifiée** d'un système, permettant de bien rendre compte de **certaines** propriétés de ce système.

Le **modèle** du cristal **PARFAIT** est caractérisé par la **répétition rigoureusement périodique** d'une **maille de forme et de contenu parfaitement définis**.

Dans un cristal **réel**, des **défauts** viennent perturber la régularité de l'édifice cristallin :

- Absence d'une entité ou défaut de Schottky.
- Déplacement d'une entité ou défaut de Frenkel.
- Défauts linéaires, absence d'entités sur une longue distance (on parle de dislocation).

Remarque 1: Les vibrations thermiques

Les particules (atomes, molécules ou ions) constituant la matière sont en **perpétuelle agitation désordonnée** ; cette agitation augmente avec la température, d'où son nom d'**agitation thermique**. Dans les solides, l'agitation thermique se réduit à des **oscillations** des particules autour d'une position **fixe**. C'est cette **position moyenne** qui est représentée dans le **modèle** d'un cristal.

Les oscillations des particules sont appelées **vibrations thermiques**.

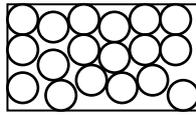
Remarque 2:

Le cristal parfait est un état **d'ordre parfait**. Le troisième principe de la thermodynamique postule que l'entropie de tout corps pur est nulle au zéro Kelvin, c'est-à-dire que cet état d'ordre absolu est atteint.

#### 4. QUELQUES MOTS SUR L'ETAT AMORPHE

L'état amorphe est l'état **désordonné** des solides **non cristallisés**.

Cet état est comparable à l'état désordonné d'un liquide.



Représentation schématisée de l'état désordonné d'un solide amorphe ou d'un solide.

Exemples : Les verres, le gel de silice, les caoutchoucs.

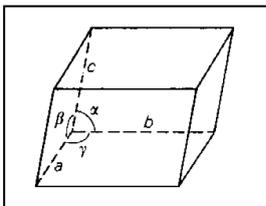
La majorité des solides amorphes sont le résultat du **refroidissement de liquides n'ayant pas pu cristalliser**. En général, la **viscosité** d'un liquide augmente quand la température diminue.

- Dans certaines conditions (liquide très visqueux à une température proche du point de cristallisation, ou lors d'une opération appelée **trempe** = refroidissement rapide) on peut abaisser la température d'un liquide sans que la cristallisation ne puisse s'amorcer.

Le milieu devient **si visqueux** que les particules (atomes, molécules ou ions) constituant le liquide n'ont plus assez de mobilité pour atteindre la position qu'elles auraient dans le solide cristallisé; elles se retrouvent "**bloquées**" dans un **état désordonné**.

- Le liquide est devenu **immobile** (il ne peut plus couler) et **rigide** : on est en présence d'un **solide amorphe** qui peut être considéré comme un **liquide figé, d'énorme viscosité** ; ce solide est dit à l'**état vitreux** et il est appelé **VERRE**. Les solides amorphes ne sont pas tous des verres: c'est par exemple le cas du gel de silice ou des caoutchoucs (déjà cités en exemple) qui ne sont pas obtenus par refroidissement de liquides.

#### 5. LES SEPT SYSTÈMES CRISTALLINS : formes géométriques de la maille



Description géométrique d'une maille élémentaire :

longueurs  $a, b, c$  des arêtes

angles entre ces arêtes :  $\alpha, \beta, \gamma$

Des études de symétrie conduisent à définir, suivant la nature de la maille élémentaire, **sept systèmes cristallins** . Chaque système cristallin correspond à la donnée des six paramètres définis ci-dessus servant à définir cette maille.

$a = b = c$	$a = b \neq c$	$a \neq b \neq c$	$a \neq b \neq c$	$a \neq b \neq c$	$a = b \neq c$	$a = b = c$
$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	$\alpha = \beta = 90^\circ$ $\gamma \neq 90^\circ$	$\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$	$\alpha = 60^\circ$ $\beta = \gamma = 90^\circ$	$\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$
<b>cubique</b>	<b>quadratique</b>	<b>orthorhombique</b>	<b>monoclinique</b>	<b>triclinique</b>	<b>hexagonale</b>	<b>rhomboédrique</b>

**Dans le cadre du programme de PTSI, seule la structure cubique à faces centrées sera étudiée.**

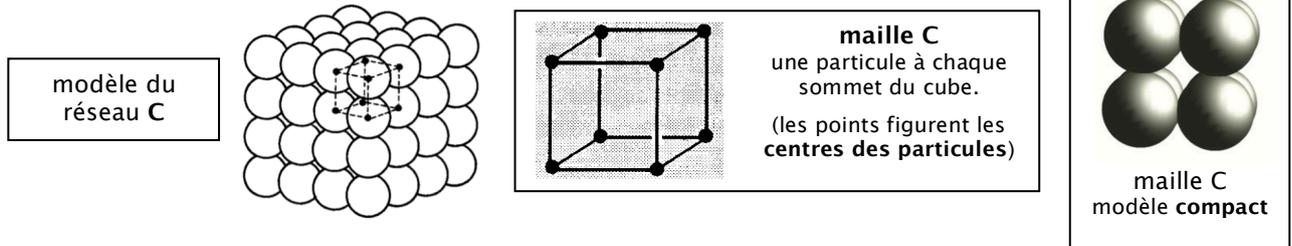
## 6 RÉSEAUX CRISTALLINS

A un système cristallin peuvent correspondre plusieurs types de réseaux cristallins selon la disposition des particules constituant le cristal. On n'envisage, pour l'instant, **que le cas simple d'un cristal constitué d'une seule espèce de particules** (un métal pur, par exemple).

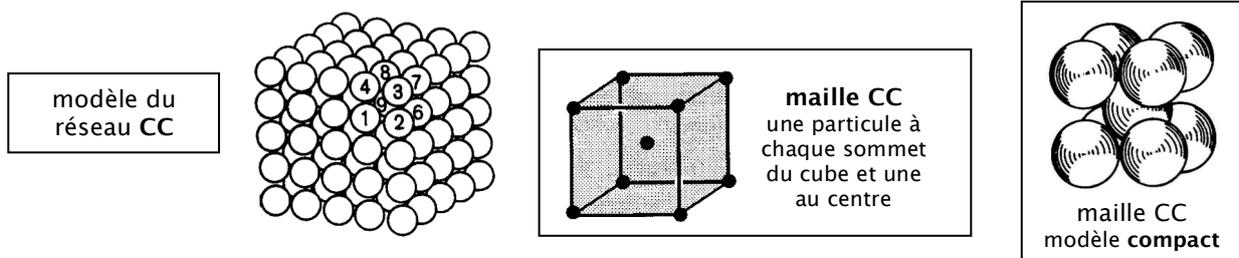
### 6.1. **Systeme CUBIQUE**

Il englobe 3 types de réseaux cristallins.

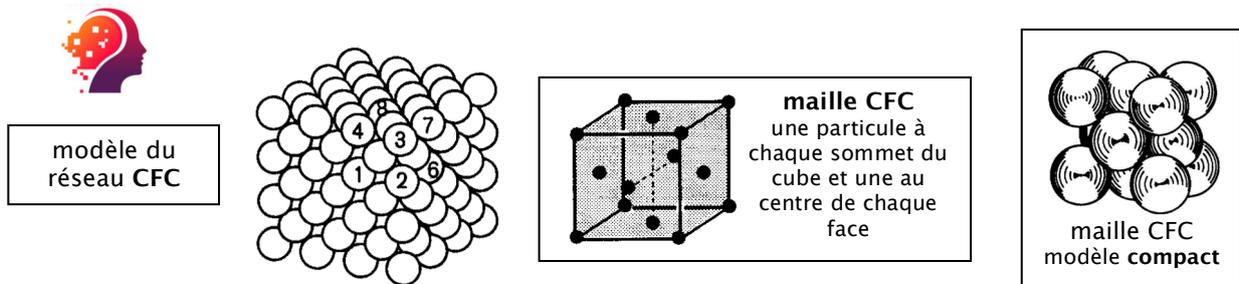
#### a) Réseau CUBIQUE SIMPLE (C)



#### b) Réseau CUBIQUE CENTRÉ (CC)

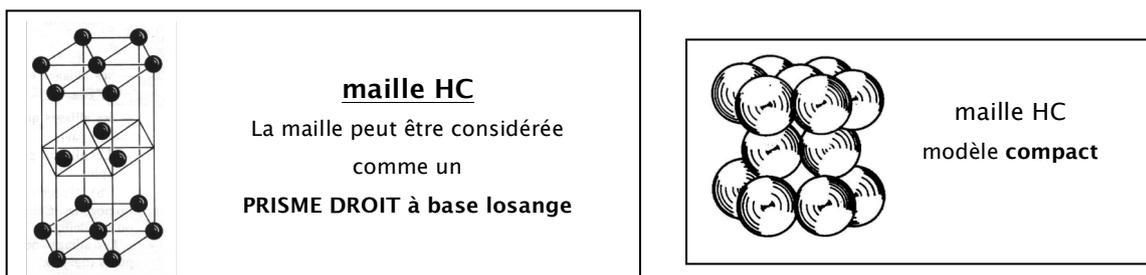


#### c) Réseau CUBIQUE À FACES CENTRÉES (CFC) (Seul cas au programme)



### 6.2. **Systeme HEXAGONAL**

#### Réseau HEXAGONAL COMPACT (HC)



Le prisme droit à base hexagonale (figure ci-dessus) est la somme de trois prismes droits à base losange. Le prisme droit à base losange constitue la maille à proprement parler.

## **7. CARACTERISTIQUES DES RESEAUX CRISTALLINS**

### **7.1. Multiplicité d'une maille**



Il faut tenir compte du fait qu'un motif appartient souvent à  $n$  mailles simultanément : il ne compte alors « en propre » que pour  $1/n$  dans la maille.

- Une maille est simple ou élémentaire si elle ne contient qu'un seul motif. C'est le cas du réseau cubique simple (C) :  $N = 8 \times (1/8) = 1$  motif par maille.

- Une maille est multiple d'ordre  $N$  si elle contient  $N$  motifs. Dans le cas du réseau cubique centré (CC) :  $N = 8 \times (1/8) + 1 = 2$  motifs par maille.

### **7.2. Compacité C**



Elle est égale au rapport du volume réellement occupé au volume total de la maille

Dans le cas où les nœuds sont occupés par des atomes (ou des ions) assimilables à des sphères dures de rayon  $r$ ,  $C$  est défini par :

$$C = \frac{N(4/3 \pi r^3)}{V_{\text{maille}}}$$

### **7.3. Masse volumique du cristal**



Ramené à une maille, c'est le rapport de la masse d'une maille sur son volume.

$$\rho = \left( \frac{m}{V} \right)_{\text{maille}} = N \frac{M / N_a}{V_{\text{maille}}} = \frac{N M}{N_a V_{\text{maille}}}$$

$N_a$  représente le nombre d'Avogadro.

### **7.4. La coordinence**



Les atomes (ou les ions) sont encore assimilés à des sphères dures.

La coordinence est le nombre de plus proches voisins d'une sphère quelconque, ces voisins étant tangents à la sphère envisagée

## 8. EMPILEMENTS COMPACTS DE SPHERES IDENTIQUES

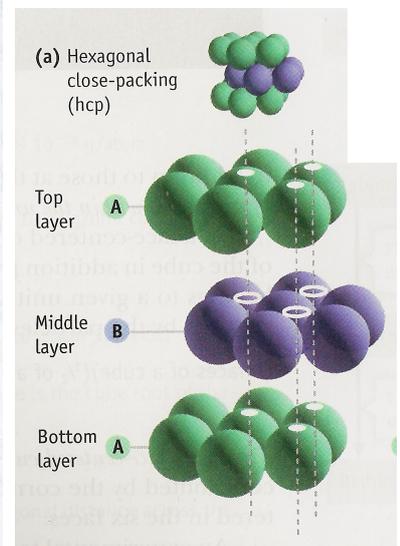
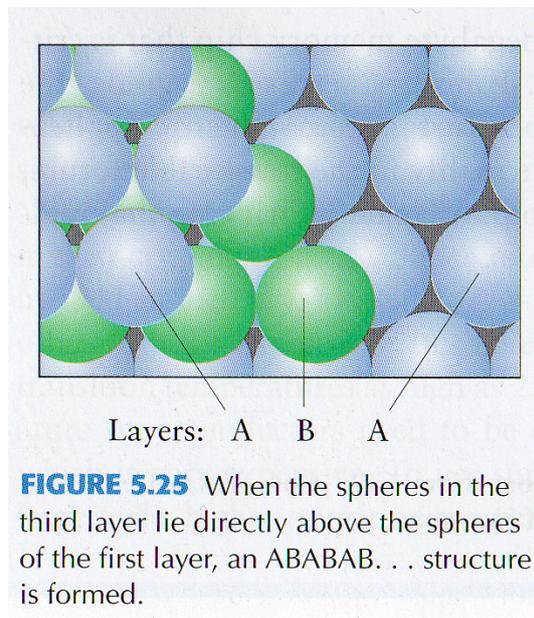
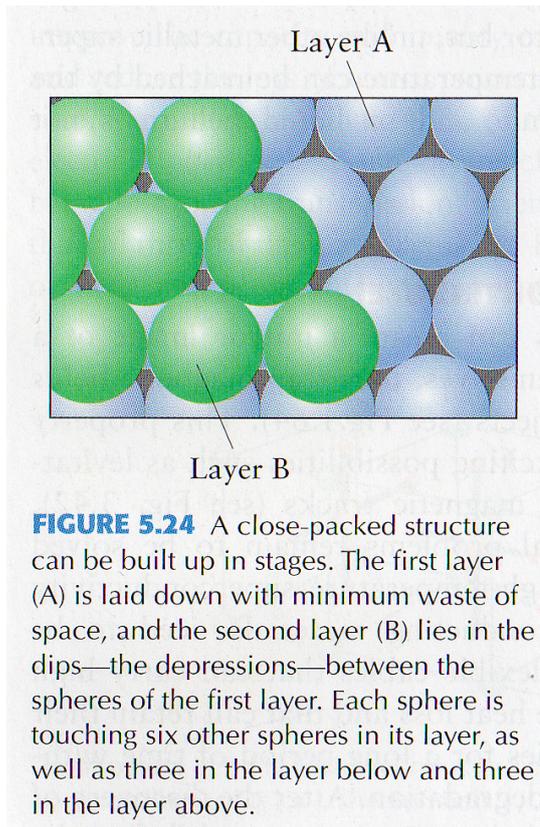
Les atomes (ou les ions) sont encore assimilés à des sphères dures (voir chapitre sur les édifices métalliques) de rayon  $r$ .

• Si les sphères sont assemblées pour occuper un volume minimal: on a des **structures compactes**. C'est le cas du **réseau cubique à faces centrées (CFC)** et du **réseau hexagonal compact (HC)**.

• Sinon, on a des structures de compacité plus faible : c'est le cas **du réseau cubique centré (CC)**.

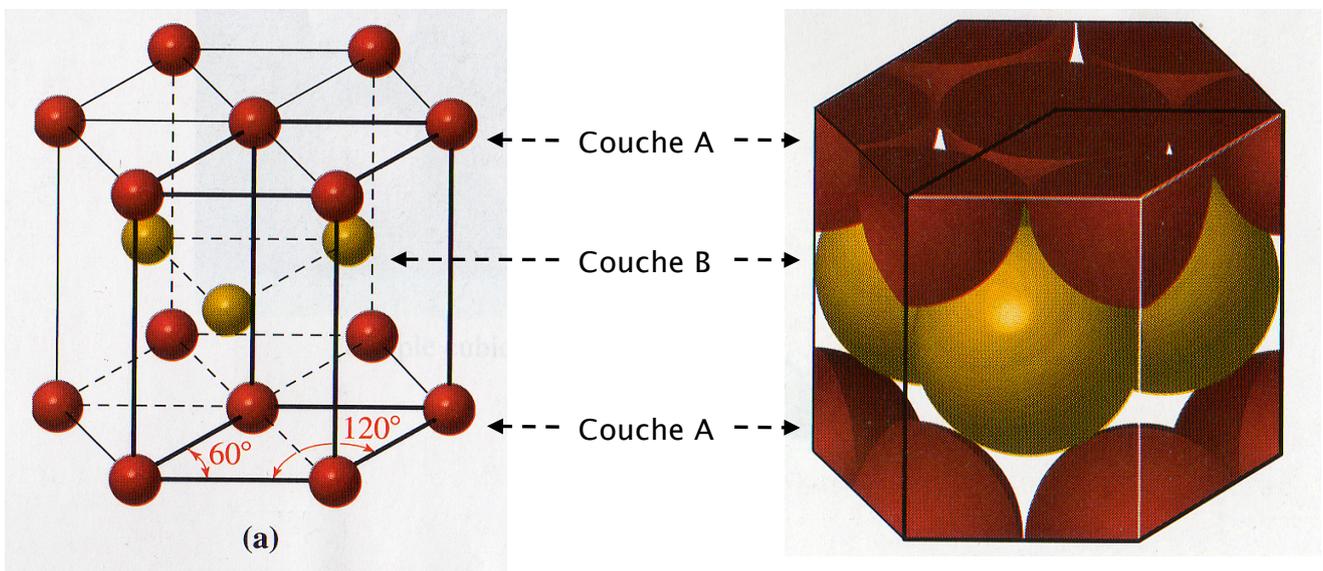
**But** : empiler des sphères de façon à occuper un volume minimal. Il y a 2 façons de procéder.

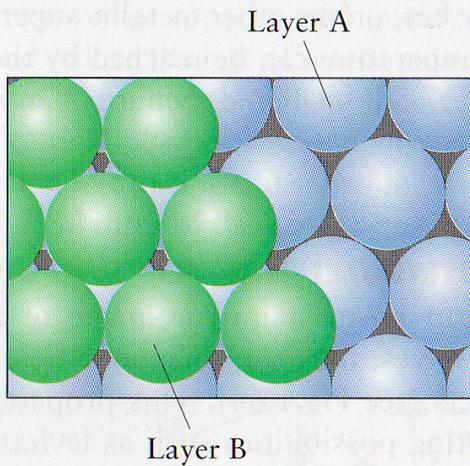
### 8.1. Empilement {AB}



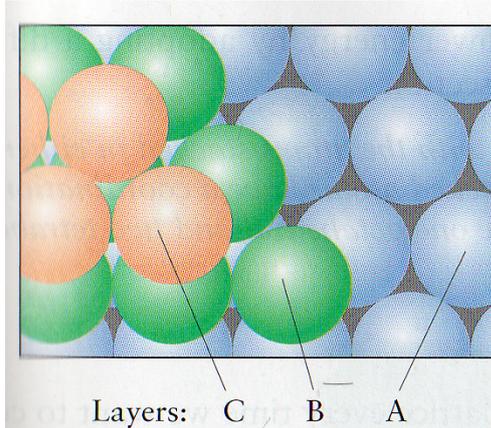
Sur les étages des marchés, les oranges sont souvent empilées de cette façon.

Le réseau HC suit cet empilement comme cela est illustré sur la figure ci-dessous.

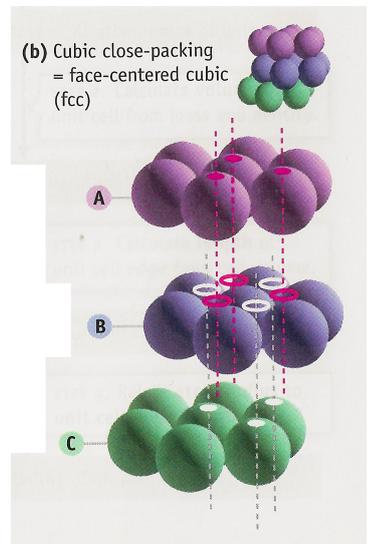




**FIGURE 5.24** A close-packed structure can be built up in stages. The first layer (A) is laid down with minimum waste of space, and the second layer (B) lies in the dips—the depressions—between the spheres of the first layer. Each sphere is touching six other spheres in its layer, as well as three in the layer below and three in the layer above.

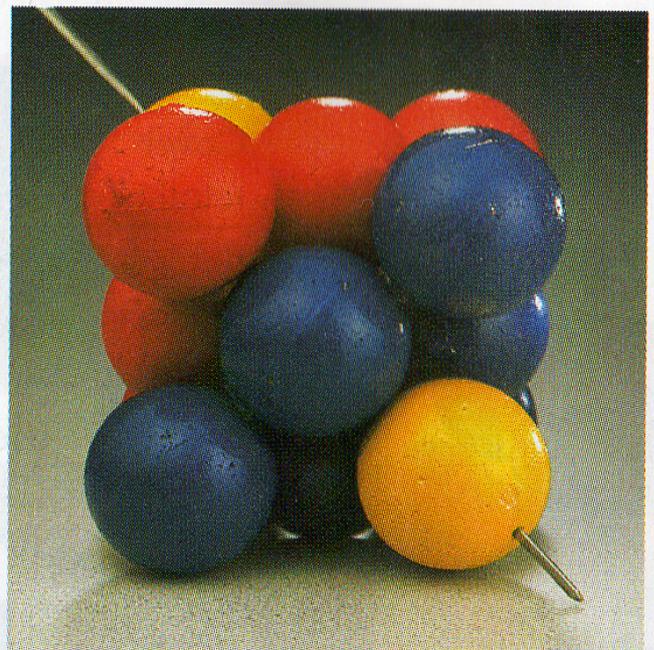
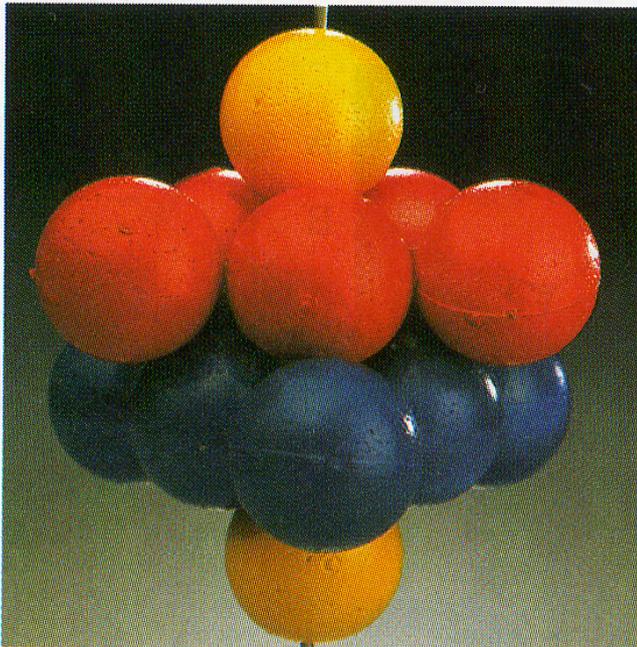


**FIGURE 5.27** In an alternative to the scheme shown in Fig. 5.25, the spheres of the third layer can lie in the dips in the second layer that are directly above the dips in the first layer, to give an ABCABC... arrangement of layers.

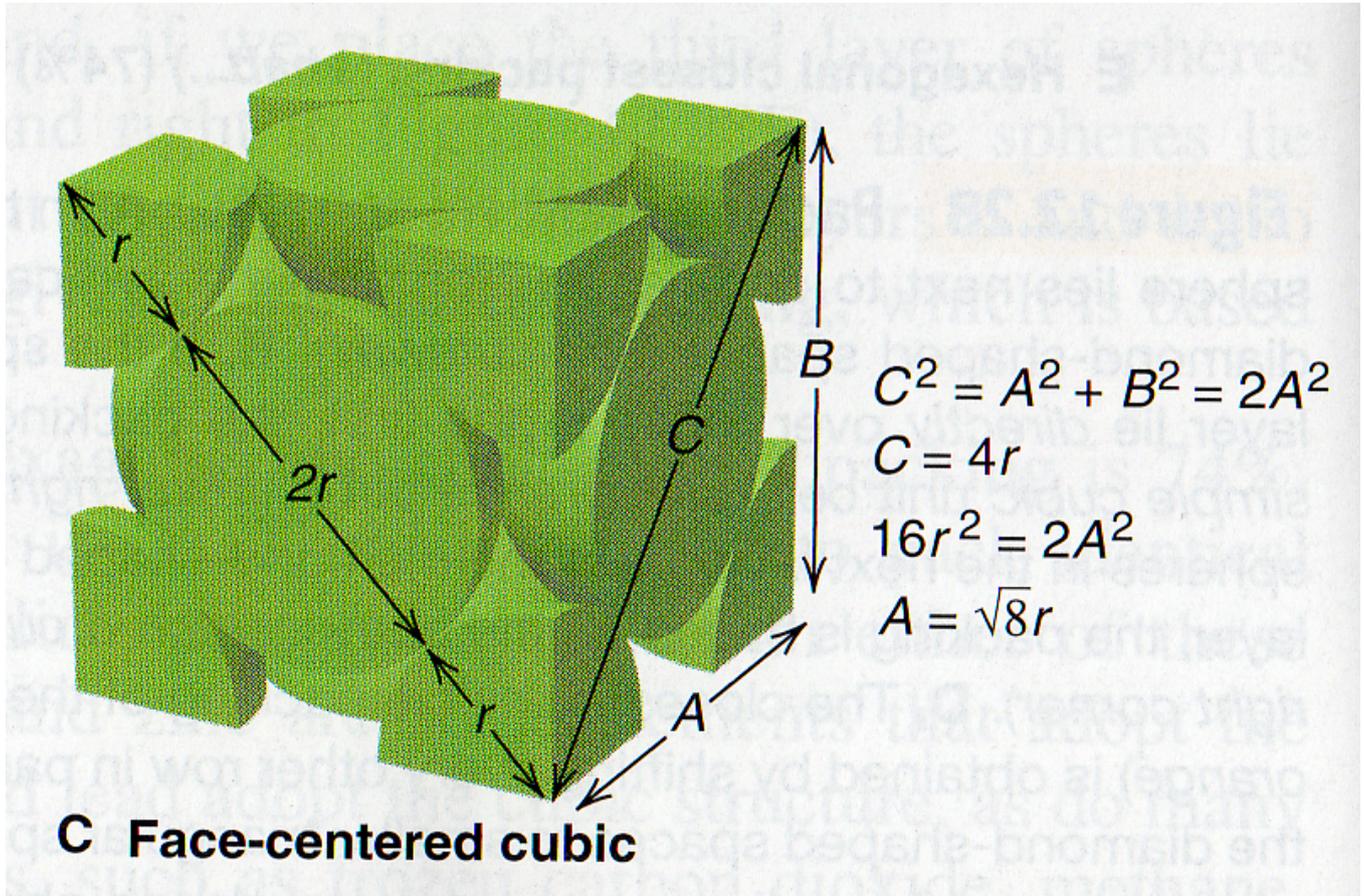


Sur les étages des marchés, les oranges sont aussi empilées de cette façon.

Le réseau CFC suit cet empilement comme cela est illustré sur la figure ci-dessous.



## 9. ANALYSE DU RESEAU CUBIQUE A FACES CENTREES (CFC)



### 9.1. Multiplicité de la maille

$$N = 8 \times \left(\frac{1}{8}\right) + 6 \times \frac{1}{2} = 4 \text{ motifs} \quad \boxed{N = 4}$$

### 9.2. Compacité

Le contact entre sphère se fait selon la diagonale du cube (voir figure ci-dessus) :  $a\sqrt{2} = 4r$ .

$$C = \frac{4 \left(\frac{4}{3} \pi r^3\right)}{V_{\text{maille}}} \text{ et } V_{\text{maille}} = a^3.$$

On en déduit que  $C = \frac{\pi\sqrt{2}}{6} = 0.74$

Cette compacité de 74% est la plus importante que l'on peut obtenir (idem HC).

### 9.3. Coordinence

Si on regarde la figure concernant l'empilement {ABC}, on constate que chaque sphère est en contact avec six sphères du plan, avec trois appartenant au plan situé dessous et avec trois autres appartenant au plan situé au dessus.

$$\boxed{\text{Coordinence}=12}$$

## 10. SITES TETRAEDRIQUES ET SITES OCTAEDRIQUES DANS LE RESEAU CFC

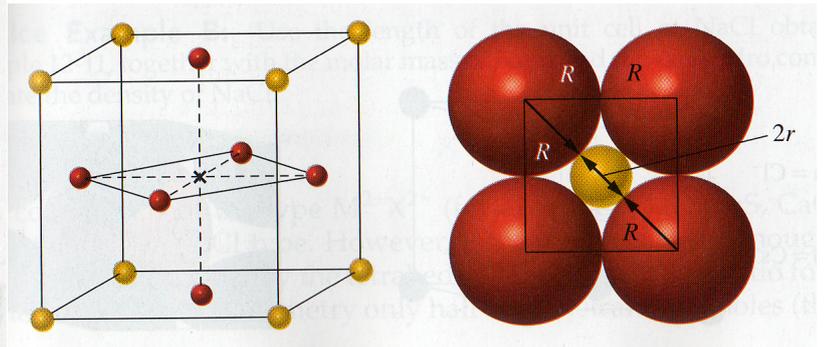
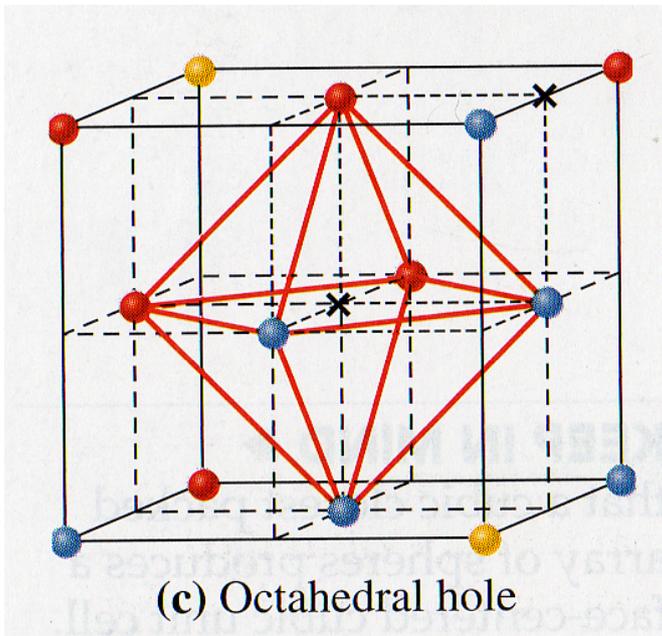
Toute structure constituée de sphères identiques de rayon  $r$  comporte nécessairement, puisque  $C < 1$ , des portions de l'espace non occupées. Celles-ci portent le nom de **sites cristallographiques** ou **sites d'insertion** ou **sites interstitiels**.

Dans ces sites, on pourra éventuellement placer d'autres atomes pour modifier les propriétés des matériaux (cas des alliages métalliques).

Dans le cadre du programme, nous allons regarder le cas du réseau CFC. Cette structure compacte contient deux types de sites :

- Des **sites tétraédriques**, cavités situées au centre d'un tétraèdre régulier défini par 4 atomes en contact. **Coordinance = 4**.
- Des **sites octaédriques**, cavités situées au centre d'un octaèdre régulier défini par 6 atomes en contact : **Coordinance = 6**.

### 10.1. Sites octaédriques (SO)



Localisation des SO : aux milieux des arêtes et au centre du cube

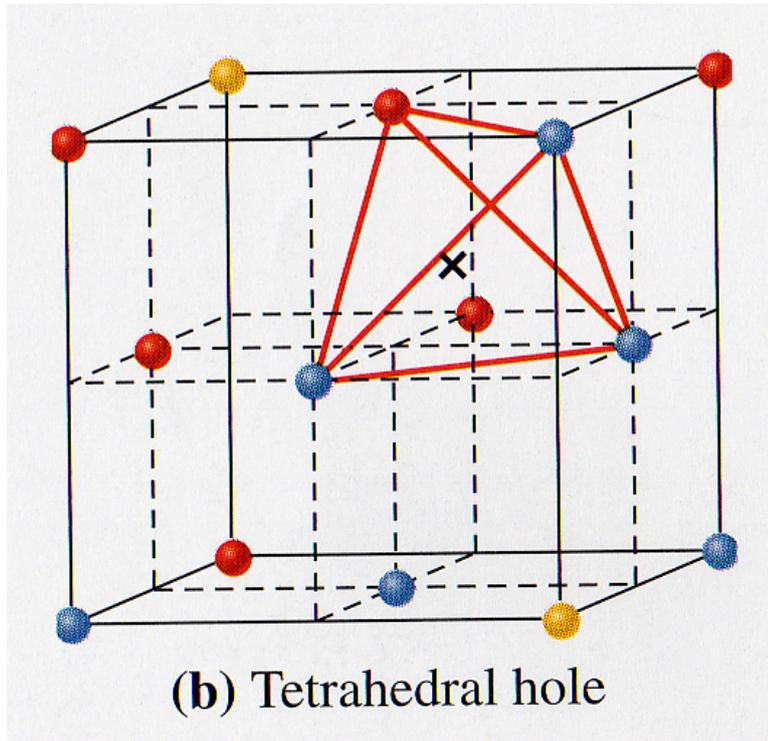
Les sites octaédriques sont indiqués par une croix sur la figure ci-dessus.

$$N_o = \text{nombre de SO} = (12 \times 1/4) + (1 \times 1) = 4 \quad \boxed{N_o = 4}$$

$r_o$  = rayon du SO (noté  $r$  sur la figure ci-dessus),  $r + r_o = a/2$  d'après la figure ci-dessus ( $r$  est noté  $R$  sur la figure). De plus, on a vu que  $a\sqrt{2} = 4r$ . On a donc :

$$\boxed{r_o = (\sqrt{2} - 1)r = 0.414 r}$$

## 10.2. Sites tétraédriques (ST)



La croix sur la figure ci-dessus indique un des site tétraédrique.

Localisation des ST : aux centres des 8 cubes d'arête  $a/2$

$$N_T = 8$$

$r_T$  = rayon du ST,  $r + r_T = (a\sqrt{3})/4$ , c'est-à-dire la moitié de la diagonale d'un cube d'arête  $a/2$ . De plus, on a vu que  $a\sqrt{2} = 4r$ . On a donc :

$$r_T = \left( \frac{\sqrt{3}}{2} - 1 \right) r = 0.225 r$$

## II – LES DIFFERENTS EDIFICES CRISTALLINS PARFAITS

### 1. CLASSIFICATION CHIMIQUE

On peut classer les édifices cristallins suivant le **type des FORCES DE COHESION**.

<b>ÉDIFICES CRISTALLINS</b>	<b>Type des FORCES DE COHESION</b>				
<b>Édifices MOLÉCULAIRES</b>	<p>Les nœuds du réseau sont occupés par des <b>MOLÉCULES</b>.</p> <p>La <b>cohésion</b> du réseau est assurée par des <b>liaisons intermoléculaires, faibles</b> :</p> <p style="padding-left: 20px;">Liaisons de <b>VAN DER WAALS</b> (cristaux de diiode <math>I_2</math> p. ex)</p> <p style="padding-left: 20px;">+ éventuellement <b>liaisons HYDROGÈNE</b> (cas de la glace p. ex).</p>				
<b>Édifices COVALENTS</b>	<p>La charpente de ces édifices est constituée par des <b>enchaînements COVALENTS d'ATOMES, étendus indéfiniment</b> à l'échelle atomique.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px auto; width: 80%; text-align: center;"> <b>Édifice covalent TRIDIMENSIONNEL</b> </div> <p style="padding-left: 40px;">Il ne fait intervenir <b>que des liaisons covalentes</b> entre les atomes.</p> <p style="padding-left: 40px;">Un <b>cristal COVALENT</b> constitue un <b>RÉSEAU COVALENT TRIDIMENSIONNEL</b> de taille infiniment grande à l'échelle atomique.</p> <p style="padding-left: 80px;">ex : le <b>diamant</b></p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; margin-top: 10px;"> <tr> <td style="width: 60%; padding: 5px; vertical-align: top;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px auto; width: 80%; text-align: center;"> <b>Édifice covalent BIDIMENSIONNEL</b> </div> <p style="padding-left: 40px;">Il est constitué d'un empilement de <b>MACROMOLÉCULES PLANES</b></p> <p style="padding-left: 80px;">ex : le <b>graphite</b></p> </td> <td style="width: 40%; padding: 5px; vertical-align: top;"> <p>Dans ces édifices, la <b>cohésion entre les macromolécules</b> est assurée par des <b>liaisons intermoléculaires</b> :</p> <p style="padding-left: 20px;">liaisons de <b>VAN DER WAALS</b>, éventuellement liaisons <b>HYDROGÈNE</b> (dans les polyamides par exemple) ; aussi ces édifices sont encore appelés <b>cristaux COVALENTS-MOLÉCULAIRES</b></p> </td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; vertical-align: top;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px auto; width: 80%; text-align: center;"> <b>Édifice covalent MONODIMENSIONNEL</b> </div> <p style="padding-left: 40px;">Il est constitué de <b>MACROMOLÉCULES LINÉAIRES</b></p> <p style="padding-left: 80px;">ex : le <b>polyéthylène</b></p> </td> <td></td> </tr> </table>	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px auto; width: 80%; text-align: center;"> <b>Édifice covalent BIDIMENSIONNEL</b> </div> <p style="padding-left: 40px;">Il est constitué d'un empilement de <b>MACROMOLÉCULES PLANES</b></p> <p style="padding-left: 80px;">ex : le <b>graphite</b></p>	<p>Dans ces édifices, la <b>cohésion entre les macromolécules</b> est assurée par des <b>liaisons intermoléculaires</b> :</p> <p style="padding-left: 20px;">liaisons de <b>VAN DER WAALS</b>, éventuellement liaisons <b>HYDROGÈNE</b> (dans les polyamides par exemple) ; aussi ces édifices sont encore appelés <b>cristaux COVALENTS-MOLÉCULAIRES</b></p>	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px auto; width: 80%; text-align: center;"> <b>Édifice covalent MONODIMENSIONNEL</b> </div> <p style="padding-left: 40px;">Il est constitué de <b>MACROMOLÉCULES LINÉAIRES</b></p> <p style="padding-left: 80px;">ex : le <b>polyéthylène</b></p>	
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px auto; width: 80%; text-align: center;"> <b>Édifice covalent BIDIMENSIONNEL</b> </div> <p style="padding-left: 40px;">Il est constitué d'un empilement de <b>MACROMOLÉCULES PLANES</b></p> <p style="padding-left: 80px;">ex : le <b>graphite</b></p>	<p>Dans ces édifices, la <b>cohésion entre les macromolécules</b> est assurée par des <b>liaisons intermoléculaires</b> :</p> <p style="padding-left: 20px;">liaisons de <b>VAN DER WAALS</b>, éventuellement liaisons <b>HYDROGÈNE</b> (dans les polyamides par exemple) ; aussi ces édifices sont encore appelés <b>cristaux COVALENTS-MOLÉCULAIRES</b></p>				
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px auto; width: 80%; text-align: center;"> <b>Édifice covalent MONODIMENSIONNEL</b> </div> <p style="padding-left: 40px;">Il est constitué de <b>MACROMOLÉCULES LINÉAIRES</b></p> <p style="padding-left: 80px;">ex : le <b>polyéthylène</b></p>					
<b>Édifices IONIQUES</b>	<p>Ces édifices cristallins sont constitués d'<b>IONS</b> alternativement <b>positifs</b> et <b>négatifs</b> ; la <b>cohésion</b> résulte des <b>forces d'interaction électrostatique</b> entre ces ions.</p>				
<b>Édifices MÉTALLIQUES</b>	<p>Les nœuds du réseau sont occupés par des <b>CATIONS MÉTALLIQUES</b> (formés à partir d'atomes métalliques ayant perdu des électrons) ; la <b>cohésion</b> entre ces cations est assurée par un « <b>GAZ D'ÉLECTRONS</b> » provenant de l'ionisation des atomes métalliques.</p>				

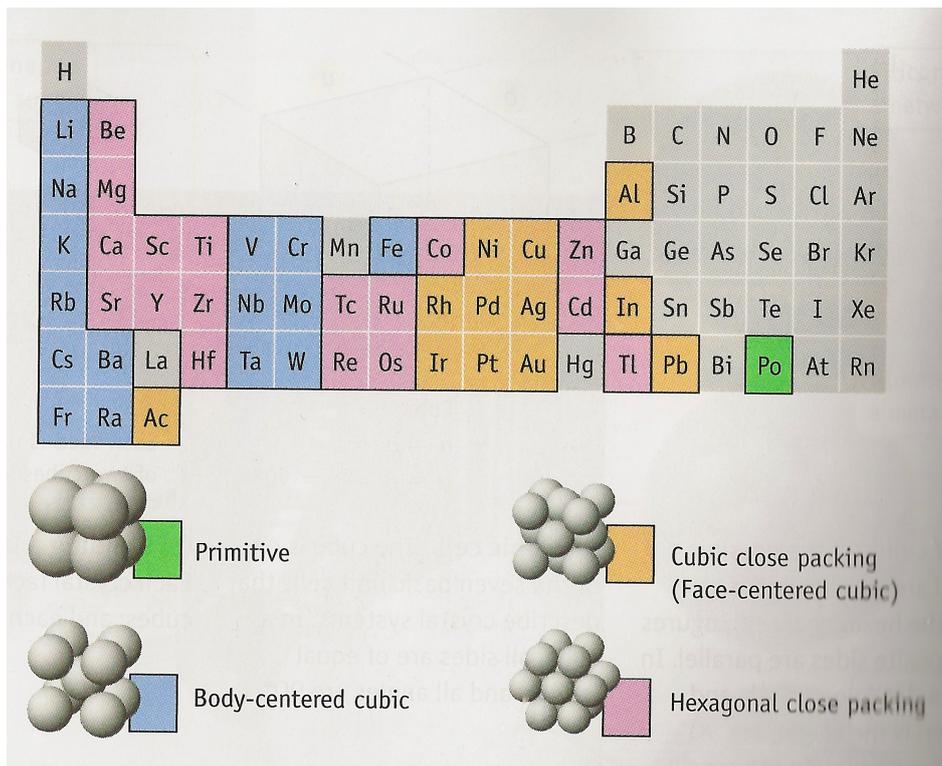
## 2. PROPRIETES LIEES A L'INTENSITE DES FORCES DE COHESION

	<b>Forces de cohésion INTENSES (COHÉSION FORTE)</b>	<b>Forces de cohésion PEU INTENSES (COHÉSION FAIBLE)</b>
<b>PROPRIETES MÉCANIQUES</b>	dureté et rigidité élevées	dureté et rigidité faibles
<b>PROPRIETES THERMIQUES</b>	température de fusion élevée	température de fusion basse
	dilatation thermique faible	dilatation thermique forte

### Les divers MODES d'INTERACTION entre particules :

- Liaisons **INTERMOLECULAIRES** : liaisons de Van der Waals et liaison hydrogène.
- Liaison **COVALENTE**.
- Liaison **IONIQUE**.
- Liaison **MÉTALLIQUE**.

Ces types d'interaction sont des **MODÈLES**. Le plus souvent, le **type d'interaction existant** est un **cas intermédiaire** entre deux ou plusieurs de ces modèles ; le **modèle choisi** pour le décrire est alors **celui dont il s'approche le plus**.

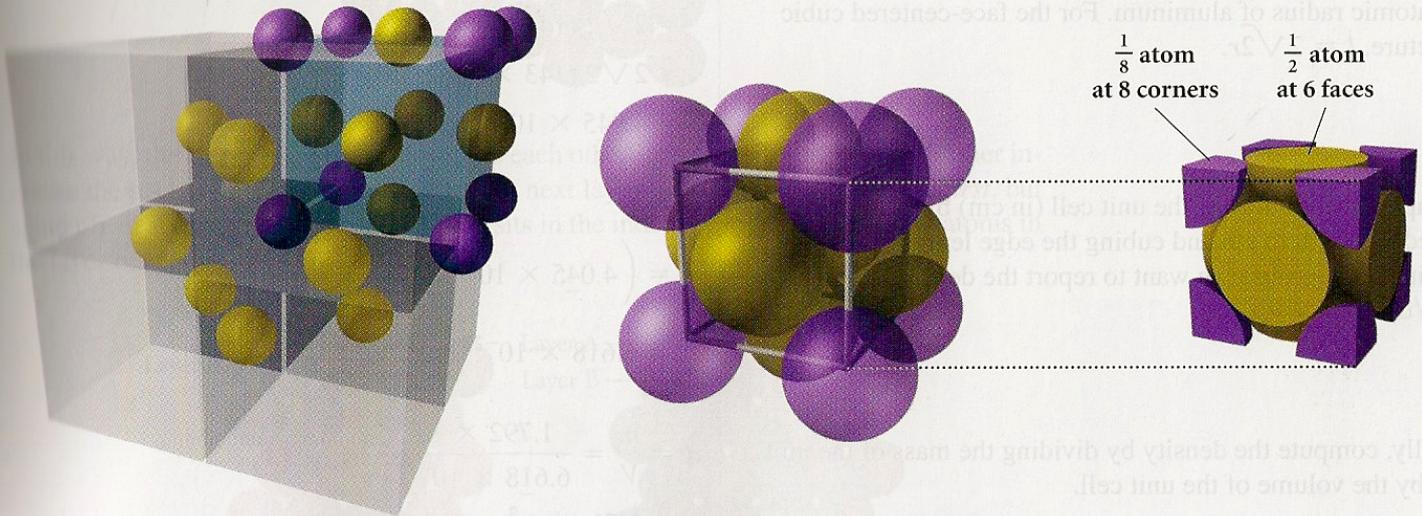


### III – BILAN SUR LA STRUCTURE CFC

#### Face-Centered Cubic Unit Cell

Face-centered cubic:  
extended structure  
Coordination number = 12

Face-centered cubic: unit cell  
Atoms/unit =  $\left(\frac{1}{8} \times 8\right) + \left(\frac{1}{2} \times 6\right) = 4$



▲ **FIGURE 11.47 Face-Centered Cubic Crystal Structure** The different colors used on the atoms in this figure are for clarity only. All atoms within the structure are identical.

▼ In the face-centered cubic lattice, the atoms touch along a face diagonal. The edge length is  $2\sqrt{2}r$ .

Face-centered cubic

$$\begin{aligned}
 b^2 &= l^2 + l^2 = 2l^2 \\
 b &= 4r \\
 (4r)^2 &= 2l^2 \\
 l^2 &= \frac{(4r)^2}{2} \\
 l &= \frac{4r}{\sqrt{2}} \\
 &= 2\sqrt{2}r
 \end{aligned}$$

